## 小特集―波動で測るかたさ・ねばり―

# 波動で測る血管の粘弾性

―超音波による血管壁・血液の性状評価――

荒川元孝,金井浩(東北大学)\*\*

## 1. はじめに

心疾患や脳血管疾患などの循環器系疾患は,世 界の死因の第1位である。その主要因として,動 脈硬化症が挙げられる。図-1に示すように,動脈 硬化症は,極早期段階では,血管内皮機能が低下し た後,内膜中膜複合体(Intima-Media Complex: IMC)の肥厚,プラーク(粥腫)の形成,血管の 狭窄の順で進展し,最終的には血管の閉塞,すな わち重篤な循環器系疾患の発症に至る。動脈硬化 症の極早期段階においては,症状は可逆的であり, 投薬や生活習慣の改善等により正常な状態になり うる。このため,できるだけ早い段階における動 脈硬化症の診断と監視が重要となる。

従来,動脈硬化症の評価には,血管内超音波や X線イメージングが用いられてきた。しかし,こ れらの方法は侵襲的であり,繰り返しの診断には 適さない。非侵襲的な診断法として,脈波伝搬速 度 (Pulse Wave Velocity: PWV) [1] や足関節上 腕血圧比 (Ankle Brachial Index: ABI) [2] など が用いられてきた。しかし,これらの指標は,広 い範囲における平均的な値となるため,動脈硬化 症が局所的に進行する場合には,進行の発見が遅 れることになる。

超音波を用いた方法として,総頸動脈の内膜中膜 複合体厚さ(Intima-Media Complex Thickness: IMT)は,動脈硬化症の早期診断の指標として用 いられてきた[3]。しかし,通常の超音波断層像(B モード像)は形状の情報を与えるのみであり,器 質的な評価を行うことはできない。

また,動脈硬化症の早期段階において,血管内

皮機能に障害が現れ,血管拡張物質(一酸化窒素: NO)の発生が減少する。この段階では,病変は可 逆的であるため [4],できる限り早い段階で血管内 皮機能を評価することが重要である。従来,血管 内皮機能を評価するために,血流依存性血管拡張 反応(Flow-Mediated Dilation: FMD)による上 腕動脈の血管径の増加を,超音波により計測する 手法が用いられてきた [5]。しかし,この直径の増 加は健常者においても約 6%以上と小さく [6,7], 血管内皮機能を正確に評価することは難しい。

また,血液性状も動脈硬化症の関係しており,赤 血球集合が血栓の形成要因の一つと考えられてい る [8–10]。しかしながら,定性的な評価に留まっ ている。

このような背景から,筆者らは,超音波を用いた 血管壁の粘弾性特性,並びに血液性状の定量計測 方法に関する研究を進めてきた。本解説では,そ れらの紹介を行う。

#### 2. 血管壁の粘弾性特性の評価方法

## 2.1 心拍動を利用した弾性率計測法

#### 2.1.1 原 理

心拍動に伴い,動脈壁は拡張する。血管の拡張 に伴い,血管壁の厚さは数十 μm 薄くなる。この 厚さ変化量は,動脈壁が硬いほど小さい。

動脈壁が非圧縮性 [11] かつ等方性で、軸方向の ひずみ変化は無視できると仮定すると、弾性率  $E_{\theta}^{h}$ は式 (1) で表される [12–14]。

$$E_{\theta}^{h} = \frac{3}{8} \left( 1 + \frac{2r_0}{h_0} \right) \frac{\Delta p}{-\Delta h/h_0} \tag{1}$$

ここで、 $r_0$  は拡張末期における動脈の内半径、 $h_0$ は動脈壁内の厚さ方向の2点間距離、 $\Delta h$  はその 2点間の1拍内での厚み変化、 $\Delta p$  は脈圧である。 脈圧  $\Delta p$  は、最高血圧と最低血圧の差であり、血 圧計により計測される。

<sup>\*</sup> Viscoelasticity of arterial wall measured by ultrasound.

<sup>\*\*</sup> Mototaka Arakawa and Hiroshi Kanai (Tohoku University, Sendai, 980–8579) e-mail: arakawa@ecei. tohoku.ac.jp [doi:10.20697/jasj.77.7\_448]



図-1 動脈硬化の進展と評価方法 (石垣泰先生(岩手医科大学)が作成した図面を改変)

動脈壁の厚み変化  $\Delta h(t)$  は, 内膜側の変位  $x_{in}(t)$  と外膜側の変位  $x_{ad}(t)$  の差で表される。従って, 動脈壁の外膜側と内膜側の微小速度  $v_{in}(t)$ ,  $v_{ad}(t)$  をそれぞれ求め, それらの差を時間積分すること で求められる。

$$\Delta h(t) = x_{\rm in}(t) - x_{\rm ad}(t) = \int_0^t \{v_{\rm in}(t) - v_{\rm ad}(t)\} \,\mathrm{d}t$$
(2)

動脈壁の速度は、取得した radiofrequency (RF) 信号に位相差トラッキング法 [15] を適用すること で求められる。超音波プローブから動脈壁上に中 心角周波数  $\omega_0 = 2\pi f_0$  ( $f_0$ :中心周波数)の超音 波パルスを  $\Delta T$  間隔で送信する。時刻 t における 超音波プローブと動脈壁との間の距離 x(t) は、次 式で表される.

$$x(t) = \frac{c_0 \tau(t)}{2} \tag{3}$$

ここで、 $c_0$  は生体内の音速 (例えば、1,540 m/s)、  $\tau(t)$  は超音波プローブと動脈壁間の往復伝搬時間 である。受信信号を直交検波したときの位相 $\theta(t)$ は、次式で表される。

$$\theta(t) = \omega_0 \tau(t) = \frac{2\omega_0 x(t)}{c_0} \tag{4}$$

時刻 t と、パルス送信間隔  $\Delta T$  だけ経過した時刻  $(t+\Delta T)$  における受信信号の位相差  $\Delta \theta (t+\Delta T/2)$  は次式で表される。

$$\Delta \theta \left( t + \frac{\Delta T}{2} \right) = \theta (t + \Delta T) - \theta (t)$$
$$= \frac{2\omega_0}{c_0} \Delta x \left( t + \frac{\Delta T}{2} \right) \quad (5)$$

ここで、 $\Delta x(t + \Delta T/2) = x(t + \Delta T) - x(t)$ は、  $\Delta T$ 間の変位を表す。以上より、位相差  $\Delta \theta$ の計 測により、弾性率  $E_{A}^{h}$ を求めることが可能となる。

#### 2.1.2 実 験

超音波診断装置 (アロカ社製 SSD-6500) に中心 周波数が7.5 MHz のリニアアレイ超音波プローブ を接続して,20 代健常男性被験者 A の右総頸動脈 に対し計測を行った結果を図-2 に示す。図-2 の (a) は B モード断層像,(b) は心電図波形,(c) は 速度波形,(d) は変位波形,(e) は厚み変化,(f) は ひずみ像,(g) は弾性率像を示す。心拍動に伴う血 管壁の最大変位は 400  $\mu$ m 程度であり,厚さは最 大で 100  $\mu$ m 程度薄くなった。ひずみ及び弾性率 の平均値と標準偏差は,それぞれ  $-0.085 \pm 0.015$ , 219  $\pm$  42 kPa となり,被験者が健常者のため,ば らつきは小さかった。

プラークを有する患者に対する計測では, IMC 内の深さ方向に複数の計測点を設定することによ り,弾性率の2次元分布を計測することが可能で ある[16]。

## 2.1.3 研究動向

弾性率断層像から組織の弾性率分布を解析し, 動脈壁の組織性状を診断する手法を開発した[17]。 弾性率の精度検証は、シリコーンゴムファントム を用い、レーザにより計測した外径変化から算出 した弾性率と比較することにより行った[18]。ま た、パルスインバージョン法を用いることにより, 多重反射成分を低減し、ロバスト性を改善できる ことを示した[14]。

#### 2.2 血管壁の粘弾性特性計測法

#### 2.2.1 原 理

応力に対するひずみの応答を計測できれば,弾 性率を求めることができる。それらを同位置で同 時に計測し,応力に対するひずみ応答の遅れ,す なわち,応力-ひずみ特性におけるヒステリシス特 性を計測できれば,弾性率だけでなく,粘性率も 求めることが可能である。

当初,超音波プローブ前後のプローブから等距 離の位置に圧力センサを設置し,超音波プローブ により直径変化を,圧力センサにより血圧波形を 計測すると共に,圧力センサと超音波プローブの 時間差を補正していた [19]。しかし,脈波伝搬速 度は血圧に依存することから,その時間差の正確 な補正は困難である。



図-3 開発した超音波プローブを用いた橈骨動脈における 血圧と血管径の同位置同時計測の実験構成の概念図



図-4 圧電素子に力 F を加えたときの電圧 V 発生の概念図

そこで、血圧と血管系の同位置計測を実現する ために、新しい超音波プローブを開発した。その 概念を図-3に示す。動作中心周波数が7.5 MHz, 素子数192の市販のリニアアレイプローブを用意 し、プローブの中心1素子を超音波診断装置の送 受信から切り離すように改造した。中心圧電素子 は血圧を、残り191素子は超音波により血管径を 計測するために使用する。

血圧波形の周波数成分は主に 12 Hz 以下であり [20], 超音波プローブの周波数帯 (通常,数 MHz~ 10 MHz) よりも遥かに低い。複数の圧電素子を用 いれば,出力電圧を高められるが,直径変化の計 測に利用できる圧電素子が減少してしまう。そこ で,図-4 のように圧電素子に力 F を加えたとき の負荷抵抗 R の両端の出力電圧を考える。六方 晶系の点群 6mm に属するチタン酸ジルコン酸鉛 [Pb(Zr,Ti)O<sub>3</sub>, PZT] に対しては,自発分極の方向 に印加される力に対する出力電圧の伝達関数 G(f)の周波数特性 (f: 周波数) は以下のように表され る [21]。







**図-5** 圧電素子から出力される電圧の周波数特性の数値計 算結果

$$G(f) = \frac{j\omega R \frac{e_{33}}{c_{33}^E}}{1 - j\omega R \frac{c_{33}^D}{c_{33}^E} C_d}$$
(6)

ここで、 $\omega = 2\pi f$  は角周波数、 $c_{33}^E$ ,  $c_{33}^D$  はそれぞ れ電界一定下並びに電気変位一定下の弾性定数、  $e_{33}$  は圧電定数、 $C_d$  は電気容量である。

実験で用いるリニアプローブの圧電素子1素子 における出力電圧を調べたところ,図-5のように なった。ここで, $c_{33}^E$ を1.28×10<sup>11</sup> N/m<sup>2</sup>, $e_{33}$ を 25.9 C/m<sup>2</sup>,比誘電率 $\varepsilon_{33}^S/\varepsilon_0$ を2,021,密度 $\rho$ を 7,500 kg/m<sup>3</sup>,出力回路の入力抵抗を10 M $\Omega$ ,圧 力差(すなわち収縮期血圧と拡張期血圧の差)を 50 mmHgとした。約100 Hz 以下の周波数におい て,20 dB/decade の傾きで大きくなった。5 Hz において 0.3 mV の電圧が発生すると見積もられ る。このため,出力電圧を増幅すれば1素子のみ でも血圧波形を計測可能であることが分かった。

圧電素子を用いて血圧計測を行うとき,圧電素 子で発生する電荷は外部回路で電流として取り出 されるので,出力は血圧波形の微分波形となる。 従って,出力回路の負荷抵抗における電圧波形を  $\tau = 0$ から t まで積分することにより,力 f(t) は 得られる [21]。

$$f(t) = \frac{c_{33}^E}{Re_{33}} \int_0^t V(\tau) \mathrm{d}\tau$$
 (7)

血圧波形  $\hat{p}(t)$  を得るために,式(7)のf(t)は,通 常の血圧計により計測される収縮期血圧  $p_{sys}$ と拡 張期血圧  $p_{dias}$ を用いて,次式で校正される。

$$\hat{p}(t) = \frac{p_{\text{sys}} - p_{\text{dias}}}{f_{\text{max}} - f_{\text{min}}} \{f(t) - f_{\text{min}}\} + p_{\text{dias}} (8)$$
ここで、 $f_{\text{max}} \geq f_{\text{min}}$ は、それぞれ  $f(t)$  の最大値

と最小値である。

#### 2.2.2 実 験

開発した超音波プローブを超音波診断装置(日 立アロカ社製 ProSound F75)に接続した。位相 差トラッキング法 [15] により血管の直径変化を測 定した。標本化周波数を 40 MHz,フレームレー トを 252 Hz とした。また、心電図を超音波診断 装置で測定した。

血圧を測定するために、中心の圧電素子からの 出力電圧を増幅率100倍のアンプ、カットオフ周 波数30 Hz の低域通過フィルタに通し、超音波診 断装置の外部パルス入力端子に入力した。血圧の 成分を通すように、低域通過フィルタのカットオフ 周波数は、商用電源の成分(50 Hz)を抑圧するよ うに設定した。これより、直径と血圧を同時に測 定した。血圧波形は、測定波形を積分することに より求めた。血圧の絶対値を得るために、通常の 血圧計を用いて収縮期血圧 p<sub>sys</sub>と拡張期血圧 p<sub>dias</sub> を測定し、圧電素子により計測される電圧を、式 (8)を用いて校正した。

20代男性被験者 B の左手橈骨動脈に対して,開発したプローブを用いて血圧と血管径を同時に測定した。超音波診断装置による B モード像により, 血圧測定のための血管の位置を確認できる。この ため,中心素子の位置が血管の真上に来るように, 容易に調整可能である。また,同時に,トノメト リ法により右手橈骨動脈で血圧波形を計測した。

図-3左に被験者 B に対する B モード像を示す。 B モード像は中心素子以外の 191 素子で形成され ているが、中心素子を取り除いた影響はみられな い。図-6(a) には被験者 B に対する、(a) 心電図、 (b) 式 (8) により得られる血圧波形  $\hat{p}(t)$  (実線)、 トノメトリ法により計測した血圧波形 (点線)、及 び血管径の変化 (一点鎖線)を示す。単一の圧電素 子により得られた血圧波形  $\hat{p}(t)$  は十分な S/N を 有している。収縮期において血圧と血管径の増加 はほぼ同時であった。血圧計により計測した  $p_{sys}$ 、  $p_{dias}$  はそれぞれ 137 mmHg、75 mmHg であった。 血圧と血管径は、ともに 1 心拍後に元の値に戻っ た。また、プローブにより得られた血圧波形は、ト ノメトリ法によるものとほぼ一致した。

図-6(c)は、図-6(a)に示す心電図における二つのR波間の血圧と血管径の関係を示す。血圧の増加に比例して血管径は大きくなり、血圧が減少す



図-6 被験者 B に対する, (a) 心電図, (b) 血圧波形 (実 線:開発プローブ, 点線:トノメトリ法) と血管径波形 (一点鎖線), (c) 血圧と血管径の関係

ると,血管径は血圧変化より遅れて元に戻った。 これは粘性の影響と考えられる。

粘弾性パラメータである圧力–ひずみ弾性係数  $E_{\rm p}$ と圧力–ひずみ粘性係数 $\eta_{\rm p}$ を,生体組織の最も 基本的な粘弾性モデルであるフォークトモデルに 基づき,最小二乗法により推定した。推定方法は文 献 [19] に詳しい。この結果  $E_{\rm p}$ は 1.84×10<sup>2</sup> kPa となり, $\eta_{\rm p}$ は 1.06 kPa·s となった。

#### 2.2.3 研究動向

安静時においては、一度、血圧の校正を行えば、 数分間安定した血圧波形並びに粘弾性特性が得ら れることを示した [22]。しかしながら、本手法に より血圧波形を得るためには、プローブによる血 管への押圧により、血圧値が変動するという問題 がある。そこで、安定した血圧値を得るために、電 圧値によらない血圧計測法として、PWV を用い た計測方法を検討し、FMD 反応中の血圧計測に おいて有用性を示している [23]。今後、FMD 反 応に伴う粘弾性特性計測法の検討を進める予定で ある。

## 3. 血液性状の評価方法

血液性状を示す指標の一つとして,赤血球集合 が挙げられる。赤血球集合とは,血流の低ずり速 度状態で生じる赤血球同士の可逆的な接着現象で ある。過度な赤血球集合は,血液の粘性やヘマト クリットの上昇,炎症,糖尿病などとの関連性が 指摘されている [24,25]。赤血球集合の亢進は,血 管内の超音波 B モード断層像上におけるエコー輝 度の上昇,すなわち"もやもやエコー"として観 察可能であるが [8,9],その評価は定性的である。 我々は,赤血球集合度の定量的な評価法を提案し てきた [26-28]。

## 3.1 原 理

本手法では、血管内腔からの RF 信号に対して 算出した散乱パワースペクトルを解析し、単一球 散乱体に対する理論散乱スペクトルの周波数特性 の傾きと整合することにより、散乱体のサイズ推 定を行う。血管内腔からの反射信号  $P_{\rm s}(f,d_0)$  に は、赤血球からの散乱特性 S(f) の他に、超音波 トランスデューサの送受信特性 G(f),超音波プ ローブの音圧特性  $H(f,d_0)$ 、印加信号の周波数特 性 X(f)、伝搬減衰特性  $A_{\rm S}(f,d_0)$  が含まれる。こ こで、f は周波数、 $d_0$  はプローブからデータ取得 位置までの距離である。血管内腔からの反射信号  $P_{\rm s}(f,d_0)$ を、血管後壁からの反射信号  $P_{\rm r}(f,d_0)$ により正規化することにより、散乱特性 S(f)の みを抽出する。

$$10 \log_{10} \frac{P_{\rm s}(f, d_0)}{P_{\rm r}(f, d_0)}$$
  
=10 \log\_{10} \frac{|S(f)G(f)H(f, d\_0)X(f)A\_{\rm S}(f, d\_0)|^2}{|R(f) \cdot G(f)H(f, d\_0)X(f)A\_{\rm R}(f, d\_0)|^2}  
\approx 10 \log\_{10} \frac{|S(f)|^2}{|R\_0|^2} (9)

ここで、 $A_{\rm R}(f, d_0)$  は  $P_{\rm r}(f, d_0)$  を計測するときの 伝搬減衰特性、R(f) は血管後壁における反射係数 である。 $A_{\rm S}(f, d_0)$  と  $A_{\rm R}(f, d_0)$  は等しく、R(f)に周波数依存性はない ( $R(f) = R_0$ ) と仮定し た。点散乱体からの理論散乱反射パワースペクト ル [29] の計算結果を図-7 に示す。散乱体の大き さが大きくなるほど、反射パワースペクトルが大 きくなると共に、周波数特性の傾きが小さくなる。



図-8 駆血に伴う赤血球集合体サイズ変化の測定結果

## 3.2 実 験

手背静脈を計測対象とし, 非駆血時に 60 秒間, 駆 血を行い 120 秒間, それぞれの区間において 10 秒 間隔で RF 信号を取得した。超音波診断装置 (トー メー社製 UD-8000) に,中心周波数 40 MHz (波 長 38 µm)の超音波プローブを取り付けて使用し た。20 代健常男性被験者 C に対する散乱体サイズ 推定結果の経時変化を図-8 に示す。駆血により, ずり速度が低下し,赤血球集合が亢進し,推定さ れる集合体の大きさが大きくなった。

## 3.3 研究動向

赤血球集合は糖尿病との関連が指摘されている ことから、ブドウ糖摂取の前後における血糖値と 静脈内腔のエコー輝度の経時変化を記録する実験 を行い、両者の間に正の相関関係を得た [30]。ま た、安定な赤血球集合体サイズを得るために、血 管内腔と血管後壁の間の血液の伝搬減衰の影響を 補正する必要があること [31], IMC 可視範囲内で も輝度分布があり、短軸計測によりずれの影響を 低減できることを示した [32]。

#### 4. おわりに

本稿では,動脈硬化症の早期診断を目指して, 我々が研究を進めている,動脈壁の粘弾性特性計 測法並びに赤血球集合度の評価について概説した。

辞

謝

第3章の赤血球集合度評価の共同研究者である 岩手医科大学糖尿病・代謝内科の石垣泰教授,八 代諭博士に感謝いたします。また,日頃から議論 いただく,東北大学金井・荒川研究室の森翔平博 士をはじめ,学生各位に感謝いたします。

文 献

- D. A. McDonald, *Blood Flow in Arteries*, 2nd ed. (Edward Arnold, London, 1974), p. 284.
- [2] J. I. Weitz, J. Byrne, G. P. Clagett, M. E. Farkouh, J. M. Porter, D. L. Sackett, D. E. Strandness, Jr. and L. M. Taylor, "Diagnosis and treatment of chronic arterial insufficiency of the lower extremities: a critical review," *Circulation*, 94, 3026–3049 (1996).
- [3] 日本超音波医学会 用語・診断基準委員会頸動脈超音 波診断ガイドライン小委員会, "超音波による頸動脈病変 の標準的評価法 2017" (2017).
- [4] R. Ross, "Atherosclerosis an inflammatory disease," N. Engl. J. Med., 340, 115–126 (1999).
- [5] M. C. Corretti, T. J. Anderson, E. J. Benjamin, D. Celermajer, F. Charbonneau, M. A. Creager, J. Deanfield, H. Drexler, M. Gerhard-Herman, D. Herrington, P. Vallance, J. Vita and R. Vogel, "Guidelines for the ultrasound assessment of endothelialdependent flow-mediated vasodilation of the brachial artery," J. Am. Coll. Cardiol., 39, 257–265 (2002).
- [6] C. D. Black, B. Vickerson and K. K. McCully, "Noninvasive assessment of vascular function in the posterior tibial artery of healthy humans," *Dyn. Med.*, 2, 1 (2003).
- [7] Ø. Rognmo, T. H. Bjørnstad, C. Kahrs, A. E. Tjønna, A. Bye, P. M. Haram, T. Stølen, S. A. Slørdahl and U. Wisløff, "Endothelial function in highly endurance-trained men: effects of acute exercise," J. Strength Cond. Res., 22, 535–542 (2008).
- [8] S. Beppu, Y. Nimura, H. Sakakibara, S. Nagata, Y.-D. Park and S. Izumi, "Smoke-like echo in the left atrial cavity in mitral valve disease: Its features and significance," J. Am. Coll. Cardiol., 6, 744–749 (1985).
- [9] X.-F. Wang, L. Liu, T. O. Cheng, Z.-A. Li, Y.-B. Deng and J.-E. Wang, "The relationship between intracardiovascular smoke-like echo and erythrocyte rouleaux formation," *Am. Heart J.*, 124, 961–965 (1992).
- [10] T. Ito and M. Suwa, "Left atrial spontaneous echo contrast: Relationship with clinical and echocardiographic parameters," *Echo Res. Pract.*, 6, R65–R73 (2019).
- [11] T. E. Carew, R. N. Vaishnav and D. J. Patel, "Compressibility of the arterial wall," *Circ. Res.*, 23, 61–68 (1968).
- [12] D. J. Patel, J. S. Janicki, R. N. Vaishnav and J. T. Young, "Dynamic anisotropic viscoelastic properties of the aorta in living dogs," *Circ. Res.*, **32**, 93–107

(1973).

- [13] H. Hasegawa and H. Kanai, "Strain imaging of arterial wall with translational motion compensation and error correction," *Proc. IEEE. Int. Ultrason. Symp.*, pp. 860–863 (2007).
- [14] Y. Miyachi, M. Arakawa and H. Kanai, "Accuracy improvement in measurement of arterial wall elasticity by applying pulse inversion to phased-tracking method," Jpn. J. Appl. Phys., 57, 07LF08 (2018).
- [15] H. Kanai, M. Sato, Y. Koiwa and N. Chubachi, "Transcutaneous measurement and spectrum analysis of heart wall vibrations," *IEEE Trans. Ultrason. Ferroelectr. Freq. Control*, 43, 791–810 (1996).
- [16] H. Kanai, H. Hasegawa, M. Ichiki, F. Tezuka and Y. Koiwa, "Elasticity imaging of atheroma with transcutaneous ultrasound — preliminary study—," *Circulation*, 107, 3018–3021 (2003).
- [17] J. Inagaki, H. Hasegawa, H. Kanai, M. Ichiki and F. Tezuka, "Construction of reference data for tissue characterization of arterial wall based on elasticity images," Jpn. J. Appl. Phys., 44, 4593–4597 (2005).
- [18] S. Akiyama, S. Mori, M. Arakawa and H. Kanai, "Accuracy verification of ultrasonic elasticity measurement within intima-media complex visible range using phantom experimental system," *Jpn. J. Appl. Phys.*, 60, SDDA07 (2021).
- [19] Y. Sakai, H. Taki and H. Kanai, "Accurate evaluation of viscoelasticity of radial artery wall during flow-mediated dilation in ultrasound measurement," *Jpn. J. Appl. Phys.*, 55, 07KF11 (2016).
- [20] D. W. Holdsworth, C. J. D. Norley, R. Frayne, D. A. Steinman and B. K. Rutt, "Characterization of common carotid artery blood-flow waveforms in normal human subjects," *Physiol. Meas.*, 20, 219–240 (1999).
- [21] M. Arakawa, K. Kudo, K. Kobayashi and H. Kanai, "Blood pressure measurement using piezoelectric effect by an ultrasonic probe," *Sens. Actuators A Phys.*, 286, 146–151 (2019).
- [22] T. Saito, S. Mori, M. Arakawa, S. Ohba, K. Kobayashi and H. Kanai, "Estimation of viscoelasticity of radial artery via simultaneous measurement of changes in pressure and diameter using a single ultrasound probe," *Jpn. J. Appl. Phys.*, 59, SKKE04 (2020).

- [23] Y. Shoji, S. Mori, M. Arakawa, S. Ohba, K. Kobayashi and H. Kanai, "Estimation of viscoelasticity of radial artery during flow-mediated dilatation using a single ultrasound probe based on blood pressure measurement via pulse transit time method," *Jpn. J. Appl. Phys.*, 60, SDDE03 (2021).
- [24] 磯貝行秀, "赤血球の集合と変形," 医用電子と生体工 学, 19, 489–497 (1981).
- [25] R. B. Paisey, J. Harkness, M. Hartog and T. Chadwick, "The effect of improvement in diabetic control on plasma and whole blood viscosity," *Diabetologia*, 19, 345–349 (1980).
- [26] T. Fukushima, H. Hasegawa and H. Kanai, "Estimation of scatterer diameter by normalized power spectrum of high-frequency ultrasonic RF echo for assessment of red blood cell aggregation," *Jpn. J. Appl. Phys.*, 50, 07HF02 (2011).
- [27] Y. Kurokawa, H. Taki, S. Yashiro, K. Nagasawa, Y. Ishigaki and H. Kanai, "Estimation of size of red blood cell aggregates using backscattering property of high-frequency ultrasound: In vivo evaluation," *Jpn. J. Appl. Phys.*, 55, 07KF12 (2016).
- [28] H. Sakaki, M. Arakawa, S. Yashiro, Y. Todate, Y. Ishigaki and H. Kanai, "Ultrasound scattering by aggregated red blood cells in patients with diabetes," *J. Med. Ultrason.*, 46, pp. 3–14 (2019).
- [29] P. M. Morse and H. Feshbach, Methods of Theoretical Physics (McGraw-Hill, New York, 1953).
- [30] A. Fukase, K. Nagasawa, S. Mori, M. Arakawa, S. Yashiro, Y. Ishigaki and H. Kanai, "Correlation between red blood cell aggregation and blood glucose level," *Proc. 2019 IEEE. Int. Ultrasonics Symp.*, pp. 45–47 (2019).
- [31] K. Nagasawa, A. Fukase, S. Mori, M. Arakawa, S. Yashiro, Y. Ishigaki and H. Kanai, "Evaluation method of the degree of red blood cell aggregation considering ultrasonic propagation attenuation by analyzing ultrasonic backscattering properties," J. Med. Ultrason., 48, pp. 3–12 (2021).
- [32] A. Fukase, K. Higashiyama, S. Mori, M. Arakawa,
  S. Yashiro, Y. Ishigaki and H. Kanai, "Stabilization of red blood cell aggregation evaluation using short-axis view of vein of ultrasound," *Jpn. J. Appl. Phys.*, 60, SDDE08 (2021).